

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
Московский государственный университет имени М. В. Ломоносова
Механико-математический факультет

УТВЕРЖДАЮ
И. о. декана механико-математического
факультета МГУ

_____/В. Н. Чубариков /

«__» _____ 2018 г.
М.П.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Наименование дисциплины:	Введение в теорию показателей Ляпунова
Уровень высшего образования:	Специалитет
Направление подготовки / специальность:	01.05.01 «Фундаментальные математика и механика»
Направленность (профиль)/специализация ОПОП:	Специализация «Фундаментальная математика»
Форма обучения:	Очная
Язык преподавания:	Русский
Автор (авторы) программы:	Быков Владимир Владиславович, доцент, к.ф.-м.н.

Рабочая программа рассмотрена и одобрена
На заседании кафедры дифференциальных уравнений

Москва 2018

Рабочая программа дисциплины разработана в соответствии с самостоятельно установленным МГУ образовательным стандартом (ОС МГУ) для реализуемых основных профессиональных образовательных программ высшего образования по направлению подготовки / специальности «Фундаментальные математика и механика» (программы специалитета) от 22 июля 2011 года № 729 (в редакции приказов МГУ от 22 ноября 2011 года № 1066, от 21 декабря 2011 года № 1228, от 30 декабря 2011 года № 1289, от 30 июня 2016 года № 746).

Содержимое

1.	Место дисциплины в структуре ОПОП ВО	3
2.	Объем дисциплины	3
3.	Формат обучения	3
4.	Преподаватели	3
5.	Входные требования для освоения дисциплины	3
6.	Результаты обучения по дисциплине	3
7.	Содержание дисциплины	5
8.	Ресурсное обеспечение	6
8.1.	Список основной литературы	6
8.2.	Список дополнительной литературы (при наличии)	6
8.3.	Список программного обеспечения	6
8.4.	Список баз данных и информационных справочных систем	6
8.5.	Список ресурсов сети «Интернет»	7
8.6.	Материально-техническое обеспечение	7
9.	Фонд оценочных средств	7
9.1.	Текущий контроль успеваемости	7
9.2.	Промежуточная аттестация	7

1. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Относится к вариативной части.

2. Объем дисциплины

Объем дисциплины (модуля) составляет 3 з.е., в том числе 36 академических часов, отведенных на контактную работу обучающихся с преподавателем, 72 академических часа на самостоятельную работу обучающихся.

3. Формат обучения

Очный с применением электронного обучения.

4. Преподаватели

Дисциплину ведут преподаватели кафедры дифференциальных уравнений.

5. Входные требования для освоения дисциплины

Освоение дисциплин «Линейная алгебра», «Дифференциальные уравнения» в объеме специалитета.

6. Результаты обучения по дисциплине

Компетенции выпускников	Индикаторы достижения компетенций, реализуемые в настоящей дисциплине	Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с индикаторами достижения компетенций
Компетенция УК-1 Способность формулировать научно обоснованные гипотезы, создавать теоретические модели явлений и процессов, применять методологию научного познания в профессиональной деятельности.	Индикатор УК-1.1 Способен формулировать научно обоснованные гипотезы.	Уметь формулировать научно обоснованные гипотезы.
	Индикатор УК-1.2 Умеет создавать теоретические модели явлений и процессов, применять методологию научного познания в профессиональной деятельности.	Знать основные принципы математического моделирования. Уметь создавать теоретические модели явлений и процессов, применять методологию научного познания в профессиональной деятельности.
Компетенция ОПК-1 Готовность использовать фундаментальные	Индикатор ОПК-1.1. Способен использовать фундаментальные знания в области математического	Знать основные понятия в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, линейной алгебры,

<p>знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений и уравнений в частных производных, дискретной математики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики, механики сплошной среды, теории управления и оптимизации в будущей профессиональной деятельности</p>	<p>анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений и уравнений в частных производных, дискретной математики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики, механики сплошной среды, теории управления и оптимизации в будущей профессиональной деятельности</p>	<p>аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений и уравнений в частных производных, дискретной математики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики, механики сплошной среды, теории управления и оптимизации</p> <p>Уметь применять знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений и уравнений в частных производных, дискретной математики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики, механики сплошной среды, теории управления и оптимизации</p> <p>Владеть основными методами математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений и уравнений в частных производных, дискретной математики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики, механики сплошной среды, теории управления и оптимизации.</p>
<p>Компетенция ПК-1. Способность к самостоятельному анализу поставленной</p>	<p>Индикатор ПК-1.1. Способен анализировать поставленные задачи, выбирать и реализовывать методы решения задач математики и механики.</p>	<p>Знать основные методы решения задач, рассматриваемых в дисциплине.</p> <p>Уметь выбирать метод решения конкретной задачи с учетом</p>

задачи, выбору корректного метода ее решения, построению алгоритма и его реализации, обработке и анализу полученной информации		ограничений на область применимости методов.
Компетенция ПК-2. Способность к самостоятельному анализу физических аспектов в классических постановках математических задач и задач механики	Индикатор ПК-2.1. Способен анализировать физические аспекты в классических постановках математических задач и задач механики	Знать основные постановки задач в рассматриваемой области знаний. Уметь анализировать физические аспекты в классических постановках математических задач и задач механики
Компетенция СПК-1. Владение специальными разделами фундаментальной математики, методами анализа и решения задач специализации	Индикатор СПК-1.1. Владеет методами анализа и решения задач специального раздела фундаментальной математики	Знать: методы анализа и решения задач специального раздела фундаментальной математики Уметь: обоснованно выбирать методы решения задач специального раздела фундаментальной математики Владеть: техниками применения методов анализа и решения задач специального раздела фундаментальной математики

7. Содержание дисциплины

Учебный план дисциплины				
"Введение в теорию показателей Ляпунова"				
№ п/п	Наименование разделов и тем дисциплины	Номинальные трудозатраты обучающегося		
		Всего ак. ч.	Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем) Виды контактной работы, ак. ч.	Самостоят. работа, ак. ч.

1	Устойчивость по Ляпунову. Асимптотическая устойчивость. Теоремы об устойчивости решений линейной системы.	6	2	2		4
2	Леммы Гронуолла-Беллмана и Бихари. Устойчивость линейной системы с почти постоянной матрицей.	6	2	2		4
3	Характеристический показатель функции, его свойства. Спектр линейной однородной системы.	6	2	2		4
4	Нормальные базисы. Регуляризация по Миллионщикову.	8	2	2		6
5	Неравенство Ляпунова. Правильные системы. Критерий правильности треугольной системы.	8	2	2		6
6	Преобразования Ляпунова и обобщенные преобразования Ляпунова, их свойства. Теорема Перрона о триангуляции.	6	2	2		4
7	Приведение линейной системы к блочно-треугольному виду	6	2	2		4
8	Критерий Басова-Гробмана-Богданова правильности системы.	6	2	2		4
9	Теория Флоке-Ляпунова о системах с периодическими коэффициентами.	8	2	2		6
10	Асимптотическая устойчивость в целом. Теорема Барбашина-Красовского.	10	4	4		6
11	Теоремы об устойчивости и неустойчивости квазилинейной системы.	10	4	4		6
12	Теорема об устойчивости по правильному первому приближению.	10	4	4		6
13	Теорема об устойчивости по неправильному первому приближению.	10	4	4		6
14	Промежуточный контроль: экзамен	8	2	2		6
	Итого, ак. ч.	108	36	36	0	72
	Итого, з. е.	3				

8. Ресурсное обеспечение

8.1. Список основной литературы

1. Изобов Н. А. Введение в теорию показателей Ляпунова / Н. А. Изобов. - Мн. : БГУ, 2006. - 319 с
2. В.М.Миллионщиков. Формулы для показателей Ляпунова линейных систем дифференциальных уравнений.
3. В. М. Миллионщиков, Показатели Ляпунова как функции параметра, Матем. сб., 1988, том 179, номер 3, 364–380

8.2. Список дополнительной литературы (при наличии)

Не требуется

8.3. Список программного обеспечения

Не требуется

8.4. Список баз данных и информационных справочных систем

Не требуется

8.5. Список ресурсов сети «Интернет»

Не требуется

8.6. Материально-техническое обеспечение

Аудитория с мультимедиа проектором

9. Фонд оценочных средств

Фонд оценочных средств (ФОС), оценочные и методические материалы) для оценивания результатов обучения по дисциплине (модулю).

9.1. Текущий контроль успеваемости

Типовые контрольные задания или иные материалы для проведения текущего контроля успеваемости, критерии и шкалы оценивания.

Текущий контроль успеваемости проводится в форме регулярного устного опроса слушателей на занятиях.

9.2. Промежуточная аттестация

Типовые контрольные задания или иные материалы для проведения промежуточной аттестации по дисциплине (модулю), критерии и шкалы оценивания.

Аттестация проводится в форме устного экзамена; вопросы экзамена совпадают со списком тем курса, приведённым полностью в п.7.